

MOVIMIENTO VERTICAL VARIADO - EJERCICIOS

Prof. Gustavo Deambrosio

Antes de comenzar con los ejercicios es conveniente hacer alguna puntualización.

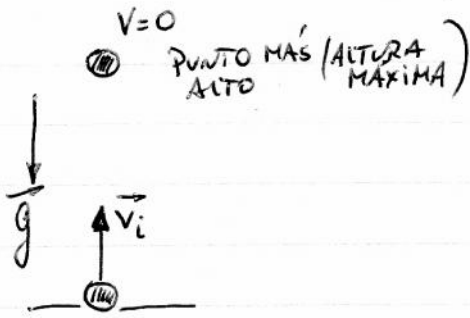
- a) EL MOVIMIENTO VERTICAL es TAMBIÉN un Movimiento Rectilíneo Uniformemente Variado, con la diferencia con respecto a los vistos anteriormente en que aquí conocemos la aceleración que actúa (siempre y cuando no exista rozamiento) la cual es la aceleración de la gravedad $g = 9,81 \text{ m/s}^2$ dirigida hacia el centro de la Tierra.
- b) Dicha aceleración gravitacional siempre MANTIENE constante tanto el módulo como la dirección y el sentido (siempre apunta en la vertical y hacia abajo).
- c) Debemos en este caso también considerar o más bien definir un sentido como positivo (+). Tomaremos todo lo que apunte hacia arriba como (+) por lo tanto todo lo que apunte hacia abajo será (-). En base a esta definición la aceleración gravitatoria será entonces (-) ya que apunta hacia abajo.

INSISTO: Prof. Gustavo Deambrosio

Todo lo que apunte hacia arriba será tomado (+) de lo contrario será tomado (-).

NOTA: TOMAREMOS PARA TODO CÁLCULO, PARA SIMPLIFICARLOS $g = 10 \text{ m/s}^2$.

EJERCICIO (1) -



cuando el cuerpo sube $v_i = 20 \text{ m/s}$ es (+) y g es (-) por lo tanto el Mov. será decelerado (tienen signos contrarios v que es (+) y la aceleración g que es (-)). Podemos calcular el tiempo que le lleva

al cuerpo llegar al punto de altura máxima $v_f = v_i + a \cdot t$

$$\Rightarrow 0 = 20 - 10 \cdot t \Rightarrow t = 20/10 = 2,0 \text{ s}$$

Tarda 2,0s en llegar al punto más alto de su trayectoria.

Calcularemos el desplazamiento que sufre el cuerpo en la subida.

$$v_f^2 = v_i^2 + 2 \cdot a \cdot \Delta y$$

Prof. Gustavo Deambrosio

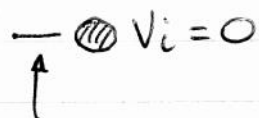
NOTA: se toma Δy en lugar de Δx , solamente para identificar el Mov. en la vertical, en el eje y .

$$0^2 = 20^2 - 2 \cdot 10 \cdot \Delta y \Rightarrow \Delta y = \frac{20^2}{2 \cdot 10} = 20 \text{ m}$$

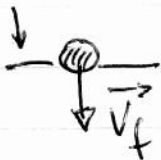
Del movimiento de subida

Tenemos todos los parámetros necesarios para identificar el movimiento.

Analizamos ahora cuando baja?



20m



$$v_i = 0 \quad g = -10 \text{ m/s}^2$$

Prof. Gustavo Deambrosio

El desplazamiento que sufre el cuerpo con respecto al piso es de -20 m ya que el MITMO apunta hacia abajo por eso el signo (-).

Calcularemos el tiempo que le lleva bajar

$$y_f = y_i + v_i t + \frac{a t^2}{2} \Rightarrow y_f - y_i = v_i t + \frac{a t^2}{2}$$

Ejercicio (1) -

$$\Delta y = v_i t + a \frac{t^2}{2} \Rightarrow -20 = 0 \cdot t - \frac{10 \cdot t^2}{2}$$

$$-20 = -10 \cdot \frac{t^2}{2} \Rightarrow t^2 = 4,0s \Rightarrow t = 2,0s$$

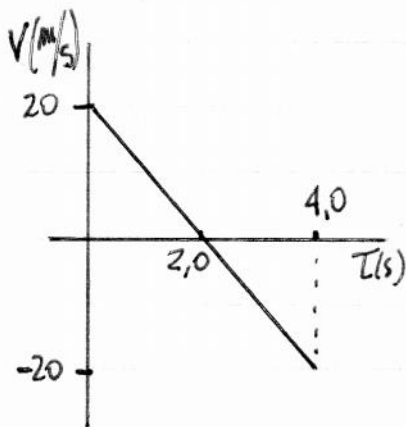
Como vemos Tarda lo mismo en bajar que en subir, esto solo se da siempre cuando todo rozamiento se considera despreciable. La velocidad al llegar al piso será

$$v_f = v_i + a \cdot t = 0 - 10 \cdot 2,0 = -20 \text{ m/s}$$

Prof. Gustavo Deambrosio

esto indica que la velocidad es hacia abajo (signo -) y su módulo es 20 m/s.

Disponemos de todos los parámetros para hacer los gráficos que te piden o el gráfico $v(t)$ son rectas, características en un MRUV, la ecuación horaria de la velocidad es una ecuación de 1º grado en el tiempo, es una función lineal (Una Recta).



A partir del gráfico $v(t)$ calculando las áreas entre la velocidad y el eje de tiempo

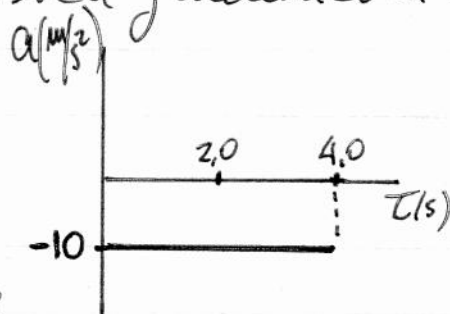
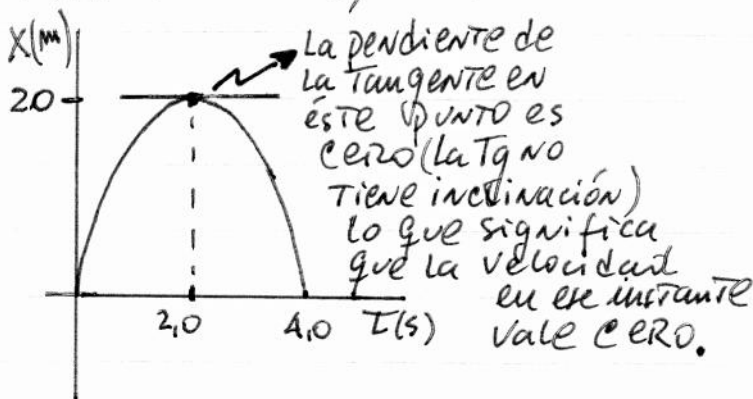
$$\frac{20 \cdot 2,0}{2} = \Delta y = 20 \text{ m hacia arriba con MRUV}$$

Prof. Gustavo Deambrosio

$$\frac{-20 \cdot 2,0}{2} = \Delta y = -20 \text{ m hacia abajo con MRUA}$$

Observar que el desplazamiento neto de dicho cuerpo fue cero, sin embargo la distancia recorrida fue de 40 m.

El gráfico $x(t)$ está compuesto por curvas que son parábolas ya que los movimientos tanto de subida como bajada son MRUV variables, decelerado la subida y acelerado la bajada.



EJERCICIO (2) -

$$y_f = y_i + v_i t + \frac{a t^2}{2} \quad \text{para el caso analizado}$$

$$y_f - y_i = \Delta y = 0 \cdot t - \frac{10 \cdot 2,5^2}{2} \Rightarrow \Delta y = -31,3 \text{ m} = -31 \text{ m}$$

el signo (-) indica que es hacia abajo de donde se lo soltó.

$$v_f = v_i + a t \Rightarrow v_f = 0 - 10 \cdot 2,5 = -25 \text{ m/s}$$

Indica que en el momento que el cuerpo llega al suelo la velocidad tiene un módulo de 25 m/s apuntando hacia abajo (por eso el signo (-)).

EJERCICIO (3) -

$$720 \text{ km/h} = 720 \cdot \frac{1000}{3600} = 200 \text{ m/s}$$

Prof. Gustavo Deambrosio

El cuerpo cuando abandona el avión lo hace con una velocidad de 200 m/s (la misma que tiene el avión) y tarda 10 s en llegar al suelo.

$$v_f = v_i + a \cdot t = -200 + (-10) \cdot (10) = -300 \text{ m/s}$$

la velocidad con que choca tiene un módulo de 300 m/s apuntando hacia abajo.

$$v_f^2 = v_i^2 + 2a \cdot \Delta y \Rightarrow \Delta y = \frac{(300)^2 - (200)^2}{2 \cdot 10} = 2500 \text{ m}$$

EJERCICIO (4) - Prof. Gustavo Deambrosio

vamos a obtener la velocidad del cuerpo al pasar por la ventana.

Un segundo después de ser lanzado aparece en la parte inferior de la ventana y a los 1,1 s está en la parte superior de dicha ventana. Calcularemos las velocidades con que pasa por esos dos puntos.

$$v_f = v_i + a t$$

velocidad a los 1,0 s

$$v_1 = 30 - 10 \cdot 1,0 = 20 \text{ m/s}$$

velocidad a los 1,1 s

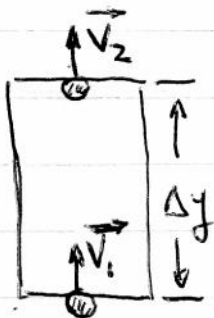
$$v_2 = 30 - 10 \cdot 1,1 = 19 \text{ m/s}$$

Calculo del largo Δy de la ventana:

$$19^2 = 20^2 - 2 \cdot 10 \cdot \Delta y \Rightarrow \Delta y = 1,95 = 2,0 \text{ m}$$

Altura a la que se encuentra la ventana:

$$20^2 = 30^2 - 2 \cdot 10 \cdot \Delta y \Rightarrow \Delta y = 25 \text{ m con respecto al piso}$$



Altura máxima a la que llegará el objeto, en ese instante su velocidad será cero, entonces subirá con respecto al Marco superior de la ventana una distancia

Prof. Gustavo Deambrosio

$$v_f^2 = v_i^2 + 2a \cdot \Delta y \Rightarrow 0 = v_2^2 - 2 \cdot 10 \cdot \Delta y \Rightarrow 0 = 19^2 - 2 \cdot 10 \cdot \Delta y$$

$$\Delta y = \frac{19^2}{2 \cdot 10} = 18 \text{ m}$$

La altura máxima a que llegará será entonces:

$$25 + 2,0 + 18 = 45 \text{ m. con respecto al piso.}$$

EJERCICIO (5) -

Vamos a calcular la velocidad del

Cohete a los 8,0s cuando se le termina el combustible.



$$v_f = v + a \cdot t = 0 + 14,7 \cdot 8,0 = 118 \text{ m/s}$$

A partir de los 8,0s el cohete continúa subiendo con una velocidad de 118 m/s pero ahora su movimiento pasa a ser decelerado ya que en algún instante posterior se va a detener para luego empezar un movimiento acelerado de caída a tierra.



Calculamos cuanto subió en los 8,0s $\Rightarrow \Delta y = v \cdot t + \frac{a t^2}{2}$

$$\Delta y = 0 \cdot 8,0 + \frac{14,7 \cdot 8,0^2}{2} = 470 \text{ m}$$

Calculamos cuanto sube a partir de los 8,0s y hasta que se detiene

$$0^2 = 118^2 - 2 \cdot 10 \cdot \Delta y \Rightarrow \Delta y = 696 \text{ m}$$

La altura máxima que alcanza en entonces

$$470 + 696 = 1166 \text{ m. con respecto al suelo.}$$

Tiempo que le lleva desde que sale hasta que se detiene en el punto más alto que llega

$$0 = 118 - 10 \cdot t \Rightarrow t = 11,8 \text{ s} = 12 \text{ s}$$

Tiempo hasta llegar al punto más alto $\Rightarrow t = 8,0 + 12 = 20 \text{ s}$

Tiempo que le insume ir del punto más alto al suelo

$$\Delta y = v_i t + \frac{at^2}{2} ; \Delta y = 1166 \text{ m (altura de la que cae.)}$$

$$-1166 = 0 \cdot t + \frac{(-10) \cdot t^2}{2}$$

Prof. Gustavo Deambrosio es -1166m, el signo(-)

es porque es hacia abajo

$$\frac{-1166 \cdot 2}{-10} = t^2 = 233 \text{ s}^2 \Rightarrow t = \sqrt{233} = 15 \text{ s}$$

Tiempo que transcurre desde que salió hasta que vuelve a tierra $\rightarrow t = 20 + 15 = 35 \text{ s}$.

EJERCICIO (6) -

Si observamos vemos que las dos gotas tienen el mismo movimiento acelerado ($g = 10 \text{ m/s}^2$) pero con la diferencia que la gota 1 tiene una cierta velocidad en el momento que la gota 2 cae. Esto nos lleva a que la gota 2 tendrá un desplazamiento mayor que la 1, razón por la cual la distancia de separación (80cm) no permanecerá constante sino que irá aumentando.

OTRA FORMA DE RESOLVERLO -

Prof. Gustavo Deambrosio En el momento que sale la

gota ②, la gota ① tiene una cierta velocidad. Se puede calcular esta velocidad $v_f^2 = 0^2 + 2 \cdot 10 \cdot 0,80 \Rightarrow v_f = 4,0 \text{ m/s}$

Esta es la velocidad de la gota ① cuando la gota ② recién sale. En un tiempo t cualquiera, calculamos lo que recorre cada gota cuando cae.

$$\text{gota ②} \quad \Delta y_2 = \frac{10t^2}{2} = 5t^2$$

Recordar que la v. inicial de esta gota es cero.

$$\text{gota ①} \quad \Delta y_1 = 4,0t + 5t^2$$

Como vemos $\Delta y_1 > \Delta y_2$, la gota ① recorre una distancia mayor que la gota ② en un valor $4,0 \cdot t \Rightarrow$ la distancia irá aumentando.